

**Prefeitura Municipal de Duque de Caxias do  
Estado do Rio de Janeiro**

# **DUQUE DE CAXIAS-RJ**

Agente Comunitário de Saúde

Edital nº 001/2018, de 08 de janeiro de 2018

**JN052-2018**

## DADOS DA OBRA

**Título da obra:** Prefeitura Municipal de Duque de Caxias do Estado do Rio de Janeiro

**Cargo:** Agente Comunitário de Saúde

(Baseado no Edital nº 001/2018, de 08 de janeiro de 2018)

- Língua Portuguesa
  - Matemática
- Conhecimentos Específicos

### **Gestão de Conteúdos**

Emanuela Amaral de Souza

### **Diagramação**

Elaine Cristina  
Igor de Oliveira  
Camila Lopes

### **Produção Editorial**

Suelen Domenica Pereira

### **Capa**

Joel Ferreira dos Santos

### **Editoração Eletrônica**

Marlene Moreno



## SUMÁRIO

### Língua Portuguesa

Interpretação de texto. ....	01
Ortografia oficial. ....	75
Acentuação gráfica. ....	73
Pontuação. ....	14
Emprego das classes de palavras: substantivo, adjetivo, numeral, pronome, verbo, advérbio, preposição e conjunção: emprego e sentido que imprimem às relações que estabelecem. ....	17
Vozes verbais: ativa e passiva. ....	17
Colocação pronominal. ....	17
Concordância verbal e nominal. ....	55
Regência verbal e nominal. ....	60
Crase. ....	68
Sinônimos, antônimos e parônimos. ....	07
Sentido próprio e figurado das palavras.....	07

### Matemática

Operações de Adição, Subtração, Multiplicação e Divisão. ....	01
Sistema Métrico Decimal. ....	29
Razão.....	20
Proporção. ....	20
Regra de Três (Simples e Composta). ....	23
Porcentagem. ....	20
Equações do 1º Grau.....	24
Áreas de Figuras Planas. ....	37
Tratamento da informação.....	35

### Conhecimentos Específicos

Cadastramento familiar e territorial: finalidade e instrumentos. ....	01
Intersetorialidade: conceito e relevância para o trabalho no território. ....	01
Ações Educativas: amamentação, prevenção de drogas, doenças crônicas, nutrição, planejamento familiar, educação sexual e prevenção de DST/AIDS. ....	10
Controle Social: participação e mobilização social. ....	22
Família: conceito, tipos e estruturas familiares. ....	23
Saúde da Criança: cuidados ao recém-nascido, vacinação, acompanhamento do crescimento e desenvolvimento da criança, programa bolsa família, orientações alimentares para a criança.....	23
Saúde do adolescente: vacinação, sexualidade, transtornos alimentares. ....	24
Saúde do adulto: vacinação, hábitos alimentares saudáveis, doenças crônicas, doenças sexualmente transmissíveis e AIDS, saúde do homem, saúde da mulher e atenção ao idoso. ....	39
Saúde mental: ansiedade, depressão e uso abusivo de álcool e outras drogas. ....	70
Violência familiar: violência contra a mulher, a criança, ao adolescente, ao idoso e a pessoas portadores de deficiência física ou mental, e suas prevenções.....	78
Saúde Bucal: cuidados na saúde bucal com criança, adolescente e adulto. ....	79
Proliferação de vetores, pragas e animais peçonhentos: dengue, esquistossomose, toxoplasmose, febre maculosa e raiva. ....	79
Estratégia de Saúde da Família.....	80
Noções de Ética e Cidadania. ....	93
Políticas de Saúde no Brasil – SUS: Princípios e Diretrizes.....	94



## SUMÁRIO



## MATEMÁTICA

Resolução de situações-problema, envolvendo: adição, subtração, multiplicação, divisão, potenciação ou radiciação com números reais, nas suas possíveis representações; Mínimo múltiplo comum; .....	01
Máximo divisor comum; .....	01
Porcentagem; .....	20
Razão e proporção; .....	20
Regra de três simples ou composta; .....	23
Equações do 1º ou do 2º grau; .....	24
Sistema de equações do 1º grau; .....	24
Grandezas e medidas – quantidade, tempo, comprimento, superfície, capacidade e massa; .....	29
Relação entre grandezas – tabela ou gráfico; .....	31
Tratamento da informação – médias aritméticas.....	35





**RESOLUÇÃO DE SITUAÇÕES-PROBLEMA, ENVOLVENDO: ADIÇÃO, SUBTRAÇÃO, MULTIPLICAÇÃO, DIVISÃO, POTENCIAÇÃO OU RADICIAÇÃO COM NÚMEROS REAIS, NAS SUAS POSSÍVEIS REPRESENTAÇÕES; MÍNIMO MÚLTIPLO COMUM; MÁXIMO DIVISOR COMUM;**

### NÚMEROS NATURAIS

O conjunto dos números naturais é representado pela letra maiúscula  $N$  e estes números são construídos com os algarismos: 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, que também são conhecidos como algarismos indo-arábicos. No século VII, os árabes invadiram a Índia, difundindo o seu sistema numérico. Embora o zero não seja um número natural no sentido que tenha sido proveniente de objetos de contagens naturais, iremos considerá-lo como um número natural uma vez que ele tem as mesmas propriedades algébricas que os números naturais. Na verdade, o zero foi criado pelos hindus na montagem do sistema posicional de numeração para suprir a deficiência de algo nulo.

Na sequência consideraremos que os naturais têm início com o número zero e escreveremos este conjunto como:  $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, \dots\}$  Representaremos o conjunto dos números naturais com a letra  $N$ . As reticências (três pontos) indicam que este conjunto não tem fim.  $N$  é um conjunto com infinitos números.

Excluindo o zero do conjunto dos números naturais, o conjunto será representado por:  $N^* = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, \dots\}$

#### A construção dos Números Naturais

- Todo número natural dado tem um sucessor (número que vem depois do número dado), considerando também o zero.

Exemplos: Seja  $m$  um número natural.

- O sucessor de  $m$  é  $m+1$ .
- O sucessor de 0 é 1.
- O sucessor de 1 é 2.
- O sucessor de 19 é 20.

- Se um número natural é sucessor de outro, então os dois números juntos são chamados números consecutivos.

Exemplos:

- 1 e 2 são números consecutivos.
- 5 e 6 são números consecutivos.
- 50 e 51 são números consecutivos.

- Vários números formam uma coleção de números naturais consecutivos se o segundo é sucessor do primeiro, o terceiro é sucessor do segundo, o quarto é sucessor do terceiro e assim sucessivamente.

Exemplos:

- 1, 2, 3, 4, 5, 6 e 7 são consecutivos.
- 5, 6 e 7 são consecutivos.
- 50, 51, 52 e 53 são consecutivos.

- Todo número natural dado  $N$ , exceto o zero, tem um antecessor (número que vem antes do número dado).

Exemplos: Se  $m$  é um número natural finito diferente de zero.

- O antecessor do número  $m$  é  $m-1$ .
- O antecessor de 2 é 1.
- O antecessor de 56 é 55.
- O antecessor de 10 é 9.

O conjunto abaixo é conhecido como o conjunto dos números naturais pares. Embora uma sequência real seja outro objeto matemático denominado função, algumas vezes utilizaremos a denominação sequência dos números naturais pares para representar o conjunto dos números naturais pares:  $P = \{0, 2, 4, 6, 8, 10, 12, \dots\}$

O conjunto abaixo é conhecido como o conjunto dos números naturais ímpares, às vezes também chamados, a sequência dos números ímpares.  $I = \{1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, \dots\}$

### Operações com Números Naturais

Na sequência, estudaremos as duas principais operações possíveis no conjunto dos números naturais. Praticamente, toda a Matemática é construída a partir dessas duas operações: adição e multiplicação.

#### A adição de números naturais

A primeira operação fundamental da Aritmética tem por finalidade reunir em um só número, todas as unidades de dois ou mais números. Antes de surgir os algarismos indo-arábicos, as adições podiam ser realizadas por meio de tábuas de calcular, com o auxílio de pedras ou por meio de ábacos.

#### Propriedades da Adição

- **Fechamento:** A adição no conjunto dos números naturais é fechada, pois a soma de dois números naturais é ainda um número natural. O fato que a operação de adição é fechada em  $N$  é conhecido na literatura do assunto como: A adição é uma lei de composição interna no conjunto  $N$ .

- **Associativa:** A adição no conjunto dos números naturais é associativa, pois na adição de três ou mais parcelas de números naturais quaisquer é possível associar as parcelas de quaisquer modos, ou seja, com três números naturais, somando o primeiro com o segundo e ao resultado obtido somarmos um terceiro, obteremos um resultado que é igual à soma do primeiro com a soma do segundo e o terceiro.  $(A + B) + C = A + (B + C)$

- **Elemento neutro:** No conjunto dos números naturais, existe o elemento neutro que é o zero, pois tomando um número natural qualquer e somando com o elemento neutro (zero), o resultado será o próprio número natural.

- **Comutativa:** No conjunto dos números naturais, a adição é comutativa, pois a ordem das parcelas não altera a soma, ou seja, somando a primeira parcela com a segunda parcela, teremos o mesmo resultado que se somando a segunda parcela com a primeira parcela.

#### Multiplicação de Números Naturais

É a operação que tem por finalidade adicionar o primeiro número denominado multiplicando ou parcela, tantas vezes quantas são as unidades do segundo número denominadas multiplicador.

#### Exemplo

4 vezes 9 é somar o número 9 quatro vezes:  $4 \times 9 = 9 + 9 + 9 + 9 = 36$

O resultado da multiplicação é denominado produto e os números dados que geraram o produto, são chamados fatores. Usamos o sinal  $\times$  ou  $\cdot$  ou  $\times$ , para representar a multiplicação.

## Propriedades da multiplicação

- **Fechamento:** A multiplicação é fechada no conjunto  $N$  dos números naturais, pois realizando o produto de dois ou mais números naturais, o resultado estará em  $N$ . O fato que a operação de multiplicação é fechada em  $N$  é conhecido na literatura do assunto como: A multiplicação é uma lei de composição interna no conjunto  $N$ .

- **Associativa:** Na multiplicação, podemos associar 3 ou mais fatores de modos diferentes, pois se multiplicarmos o primeiro fator com o segundo e depois multiplicarmos por um terceiro número natural, teremos o mesmo resultado que multiplicar o terceiro pelo produto do primeiro pelo segundo.  $(m \cdot n) \cdot p = m \cdot (n \cdot p) \rightarrow (3 \cdot 4) \cdot 5 = 3 \cdot (4 \cdot 5) = 60$

- **Elemento Neutro:** No conjunto dos números naturais existe um elemento neutro para a multiplicação que é o 1. Qualquer que seja o número natural  $n$ , tem-se que:  $1 \cdot n = n \cdot 1 = n \rightarrow 1 \cdot 7 = 7 \cdot 1 = 7$

- **Comutativa:** Quando multiplicamos dois números naturais quaisquer, a ordem dos fatores não altera o produto, ou seja, multiplicando o primeiro elemento pelo segundo elemento teremos o mesmo resultado que multiplicando o segundo elemento pelo primeiro elemento.  $m \cdot n = n \cdot m \rightarrow 3 \cdot 4 = 4 \cdot 3 = 12$

## Propriedade Distributiva

Multiplicando um número natural pela soma de dois números naturais, é o mesmo que multiplicar o fator, por cada uma das parcelas e a seguir adicionar os resultados obtidos.  $m \cdot (p + q) = m \cdot p + m \cdot q \rightarrow 6 \times (5 + 3) = 6 \times 5 + 6 \times 3 = 30 + 18 = 48$

## Divisão de Números Naturais

Dados dois números naturais, às vezes necessitamos saber quantas vezes o segundo está contido no primeiro. O primeiro número que é o maior é denominado dividendo e o outro número que é menor é o divisor. O resultado da divisão é chamado quociente. Se multiplicarmos o divisor pelo quociente obteremos o dividendo.

No conjunto dos números naturais, a divisão não é fechada, pois nem sempre é possível dividir um número natural por outro número natural e na ocorrência disto a divisão não é exata.

Relações essenciais numa divisão de números naturais

- Em uma divisão exata de números naturais, o divisor deve ser menor do que o dividendo.  $35 : 7 = 5$

- Em uma divisão exata de números naturais, o dividendo é o produto do divisor pelo quociente.  $35 = 5 \times 7$

- A divisão de um número natural  $n$  por zero não é possível pois, se admitíssemos que o quociente fosse  $q$ , então poderíamos escrever:  $n \div 0 = q$  e isto significaria que:  $n = 0 \times q = 0$  o que não é correto! Assim, a divisão de  $n$  por 0 não tem sentido ou ainda é dita impossível.

## Potenciação de Números Naturais

Para dois números naturais  $m$  e  $n$ , a expressão  $m^n$  é um produto de  $n$  fatores iguais ao número  $m$ , ou seja:  $m^n = m \cdot m \cdot m \dots m \cdot m \rightarrow m$  aparece  $n$  vezes

O número que se repete como fator é denominado base que neste caso é  $m$ . O número de vezes que a base se repete é denominado expoente que neste caso é  $n$ . O resultado é denominado potência. Esta operação não passa de uma multiplicação com fatores iguais, como por exemplo:  $2^3 = 2 \times 2 \times 2 = 8 \rightarrow 4^3 = 4 \times 4 \times 4 = 64$

## Propriedades da Potenciação

- Uma potência cuja base é igual a 1 e o expoente natural é  $n$ , denotada por  $1^n$ , será sempre igual a 1.

Exemplos:

a-  $1^n = 1 \times 1 \times \dots \times 1$  ( $n$  vezes) = 1

b-  $1^3 = 1 \times 1 \times 1 = 1$

c-  $1^7 = 1 \times 1 \times 1 \times 1 \times 1 \times 1 \times 1 = 1$

- Se  $n$  é um número natural não nulo, então temos que  $n^0 = 1$ . Por exemplo:

- (a)  $n^0 = 1$

- (b)  $5^0 = 1$

- (c)  $49^0 = 1$

- A potência zero elevado a zero, denotada por  $0^0$ , é carente de sentido no contexto do Ensino Fundamental.

- Qualquer que seja a potência em que a base é o número natural  $n$  e o expoente é igual a 1, denotada por  $n^1$ , é igual ao próprio  $n$ . Por exemplo:

- (a)  $n^1 = n$

- (b)  $5^1 = 5$

- (c)  $64^1 = 64$

- Toda potência  $10^n$  é o número formado pelo algarismo 1 seguido de  $n$  zeros.

Exemplos:

a-  $10^3 = 1000$

b-  $10^8 = 100.000.000$

c-  $10^0 = 1$

## QUESTÕES

1 - (SABESP – APRENDIZ – FCC/2012) A partir de 1º de março, uma cantina escolar adotou um sistema de recebimento por cartão eletrônico. Esse cartão funciona como uma conta corrente: coloca-se crédito e vão sendo debitados os gastos. É possível o saldo negativo. Enzo toma lanche diariamente na cantina e sua mãe credita valores no cartão todas as semanas. Ao final de março, ele anotou o seu consumo e os pagamentos na seguinte tabela:

## MATEMÁTICA

	Valor Gasto	Valor Creditado
1ª semana	R\$ 27,00	R\$ 40,00
2ª semana	R\$ 33,00	R\$ 30,00
3ª semana	R\$ 42,00	R\$ 35,00
4ª semana	R\$ 25,00	R\$ 15,00

No final do mês, Enzo observou que tinha

- A) crédito de R\$ 7,00.
- B) débito de R\$ 7,00.
- C) crédito de R\$ 5,00.
- D) débito de R\$ 5,00.
- E) empatado suas despesas e seus créditos.

2 - (PREF. IMARUI/SC – AUXILIAR DE SERVIÇOS GERAIS - PREF. IMARUI/2014) José, funcionário público, recebe salário bruto de R\$ 2.000,00. Em sua folha de pagamento vem o desconto de R\$ 200,00 de INSS e R\$ 35,00 de sindicato. Qual o salário líquido de José?

- A) R\$ 1800,00
- B) R\$ 1765,00
- C) R\$ 1675,00
- D) R\$ 1665,00

3 – (Professor/Pref.de Itaboraí) O quociente entre dois números naturais é 10. Multiplicando-se o dividendo por cinco e reduzindo-se o divisor à metade, o quociente da nova divisão será:

- A) 2
- B) 5
- C) 25
- D) 50
- E) 100

4 - (PREF. ÁGUAS DE CHAPECÓ – OPERADOR DE MÁQUINAS – ALTERNATIVE CONCURSOS) Em uma loja, as compras feitas a prazo podem ser pagas em até 12 vezes sem juros. Se João comprar uma geladeira no valor de R\$ 2.100,00 em 12 vezes, pagará uma prestação de:

- A) R\$ 150,00.
- B) R\$ 175,00.
- C) R\$ 200,00.
- D) R\$ 225,00.

5 - PREF. JUNDIAI/SP – AGENTE DE SERVIÇOS OPERACIONAIS – MAKIYAMA/2013) Ontem, eu tinha 345 bolinhas de gude em minha coleção. Porém, hoje, participei de um campeonato com meus amigos e perdi 67 bolinhas, mas ganhei outras 90. Sendo assim, qual a quantidade de bolinhas que tenho agora, depois de participar do campeonato?

- A) 368
- B) 270
- C) 365
- D) 290
- E) 376

6 – (Pref. Niterói) João e Maria disputaram a prefeitura de uma determinada cidade que possui apenas duas zonas eleitorais. Ao final da sua apuração o Tribunal Regional Eleitoral divulgou a seguinte tabela com os resultados da eleição. A quantidade de eleitores desta cidade é:

	1ª Zona Eleitoral	2ª Zona Eleitoral
João	1750	2245
Maria	850	2320
Nulos	150	217
Branços	18	25
Abstenções	183	175

- A) 3995
- B) 7165
- C) 7532
- D) 7575
- E) 7933

7 – (PREF. JUNDIAI/SP – AGENTE DE SERVIÇOS OPERACIONAIS – MAKIYAMA/2013) Durante um mutirão para promover a limpeza de uma cidade, os 15.000 voluntários foram igualmente divididos entre as cinco regiões de tal cidade. Sendo assim, cada região contou com um número de voluntários igual a:

- A) 2500
- B) 3200
- C) 1500
- D) 3000
- E) 2000

8 - (PREF. JUNDIAI/SP – AGENTE DE SERVIÇOS OPERACIONAIS – MAKIYAMA/2013) Em determinada loja, o pagamento de um computador pode ser feito sem entrada, em 12 parcelas de R\$ 250,00. Sendo assim, um cliente que opte por essa forma de pagamento deverá pagar pelo computador um total de:

- A) R\$ 2500,00
- B) R\$ 3000,00
- C) R\$ 1900,00
- D) R\$ 3300,00
- E) R\$ 2700,00

9 – (CREFITO/SP – ALMOXARIFE – VUNESP/2012) O sucessor do dobro de determinado número é 23. Esse mesmo determinado número somado a 1 e, depois, dobrado será igual a

- A) 24.
- B) 22.
- C) 20.
- D) 18.
- E) 16.

10 - (SABESP – ANALISTA DE GESTÃO I -CONTABILIDADE – FCC/2012) Uma montadora de automóveis possui cinco unidades produtivas num mesmo país. No último ano, cada uma dessas unidades produziu 364.098 automóveis. Toda a produção foi igualmente distribuída entre os mercados consumidores de sete países. O número de automóveis que cada país recebeu foi

- A) 26.007  
 B) 26.070  
 C) 206.070  
 D) 260.007  
 E) 260.070

**Respostas**

1 - RESPOSTA: "B".  
 crédito:  $40+30+35+15=120$   
 débito:  $27+33+42+25=127$   
 $120-127=-7$   
 Ele tem um débito de R\$ 7,00.

2 - RESPOSTA: "B".  
 $2000-200=1800-35=1765$   
 O salário líquido de José é R\$1765,00.

3 - RESPOSTA: "E".  
 D= dividendo  
 d= divisor  
 Q = quociente = 10  
 R= resto = 0 (divisão exata)  
 Equacionando:  
 $D= d.Q + R$   
 $D= d.10 + 0 \rightarrow D= 10d$

Pela nova divisão temos:

$$5D = \frac{d}{2} \cdot Q \rightarrow 5 \cdot (10d) = \frac{d}{2} \cdot Q$$

Isolando Q temos:

$$Q = \frac{50d}{\frac{d}{2}} \rightarrow Q = 50d \cdot \frac{2}{d} \rightarrow Q = 50 \cdot 2 \rightarrow Q = 100$$

4 - RESPOSTA: "B".

$$\frac{2100}{12} = 175$$

Cada prestação será de R\$175,00

5 - RESPOSTA: "A".  
 $345-67=278$   
 Depois ganhou 90  
 $278+90=368$

6 - RESPOSTA: "E".  
 Vamos somar a 1ª Zona:  $1750+850+150+18+183 = 2951$   
 2ª Zona :  $2245+2320+217+25+175 = 4982$   
 Somando os dois:  $2951+4982 = 7933$

7 - RESPOSTA: "D".

$$\frac{15000}{5} = 3000$$

Cada região terá 3000 voluntários.

8 - RESPOSTA: "B".  
 $250 \cdot 12=3000$   
 O computador custa R\$3000,00.

9 - RESPOSTA: "A".  
 Se o sucessor é 23, o dobro do número é 22, portanto o número é 11.  
 $(11+1) \rightarrow 2=24$

10 - RESPOSTA: "E".  
 $364098 \rightarrow 5=1820490$  automóveis

$$\frac{1820490}{7} = 260070$$

**NÚMEROS INTEIROS – Z**

Definimos o conjunto dos números inteiros como a reunião do conjunto dos números naturais ( $N = \{0, 1, 2, 3, 4, \dots, n, \dots\}$ ), o conjunto dos opostos dos números naturais e o zero. Este conjunto é denotado pela letra Z (Zahlen=número em alemão). Este conjunto pode ser escrito por:  $Z = \{\dots, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, \dots\}$

O conjunto dos números inteiros possui alguns sub-conjuntos notáveis:

- O conjunto dos números inteiros **não nulos**:

$$Z^* = \{\dots, -4, -3, -2, -1, 1, 2, 3, 4, \dots\};$$

$$Z^* = Z - \{0\}$$

- O conjunto dos números inteiros **não negativos**:

$$Z_+ = \{0, 1, 2, 3, 4, \dots\}$$

$Z_+$  é o próprio conjunto dos números naturais:  $Z_+ = N$

- O conjunto dos números inteiros **positivos**:

$$Z^*_+ = \{1, 2, 3, 4, \dots\}$$

- O conjunto dos números inteiros **não positivos**:

$$Z_- = \{\dots, -5, -4, -3, -2, -1, 0\}$$

- O conjunto dos números inteiros **negativos**:

$$Z^*_ - = \{\dots, -5, -4, -3, -2, -1\}$$

**Módulo:** chama-se módulo de um número inteiro a distância ou afastamento desse número até o zero, na reta numérica inteira. Representa-se o módulo por  $||$ .

O módulo de 0 é 0 e indica-se  $|0| = 0$

O módulo de +7 é 7 e indica-se  $|+7| = 7$

O módulo de -9 é 9 e indica-se  $|-9| = 9$

O módulo de qualquer número inteiro, diferente de zero, é sempre positivo.

**Números Opostos:** Dois números inteiros são ditos opostos um do outro quando apresentam soma zero; assim, os pontos que os representam distam igualmente da origem.

Exemplo: O oposto do número 2 é -2, e o oposto de -2 é 2, pois  $2 + (-2) = (-2) + 2 = 0$

No geral, dizemos que o oposto, ou simétrico, de  $a$  é  $-a$ , e vice-versa; particularmente o oposto de zero é o próprio zero.

## Adição de Números Inteiros

Para melhor entendimento desta operação, associaremos aos números inteiros positivos a idéia de ganhar e aos números inteiros negativos a idéia de perder.

$$\begin{aligned} \text{Ganhar } 5 + \text{ganhar } 3 &= \text{ganhar } 8 \quad (+5) + (+3) = (+8) \\ \text{Perder } 3 + \text{perder } 4 &= \text{perder } 7 \quad (-3) + (-4) = (-7) \\ \text{Ganhar } 8 + \text{perder } 5 &= \text{ganhar } 3 \quad (+8) + (-5) = (+3) \\ \text{Perder } 8 + \text{ganhar } 5 &= \text{perder } 3 \quad (-8) + (+5) = (-3) \end{aligned}$$

O sinal (+) antes do número positivo pode ser dispensado, mas o sinal (-) antes do número negativo nunca pode ser dispensado.

**Propriedades da adição de números inteiros:** O conjunto  $Z$  é fechado para a adição, isto é, a soma de dois números inteiros ainda é um número inteiro.

**Associativa:** Para todos  $a, b, c$  em  $Z$ :

$$\begin{aligned} a + (b + c) &= (a + b) + c \\ 2 + (3 + 7) &= (2 + 3) + 7 \end{aligned}$$

**Comutativa:** Para todos  $a, b$  em  $Z$ :

$$\begin{aligned} a + b &= b + a \\ 3 + 7 &= 7 + 3 \end{aligned}$$

**Elemento Neutro:** Existe 0 em  $Z$ , que adicionado a cada  $z$  em  $Z$ , proporciona o próprio  $z$ , isto é:

$$\begin{aligned} z + 0 &= z \\ 7 + 0 &= 7 \end{aligned}$$

**Elemento Oposto:** Para todo  $z$  em  $Z$ , existe  $(-z)$  em  $Z$ , tal que

$$\begin{aligned} z + (-z) &= 0 \\ 9 + (-9) &= 0 \end{aligned}$$

## Subtração de Números Inteiros

A subtração é empregada quando:

- Precisamos tirar uma quantidade de outra quantidade;
- Temos duas quantidades e queremos saber quanto uma delas tem a mais que a outra;
- Temos duas quantidades e queremos saber quanto falta a uma delas para atingir a outra.

A subtração é a operação inversa da adição.

Observe que:  $9 - 5 = 4$                        $4 + 5 = 9$

Considere as seguintes situações:

1- Na segunda-feira, a temperatura de Monte Sião passou de +3 graus para +6 graus. Qual foi a variação da temperatura?

Esse fato pode ser representado pela subtração:  $(+6) - (+3) = +3$

2- Na terça-feira, a temperatura de Monte Sião, durante o dia, era de +6 graus. À Noite, a temperatura baixou de 3 graus. Qual a temperatura registrada na noite de terça-feira?

Esse fato pode ser representado pela adição:  $(+6) + (-3) = +3$

Se compararmos as duas igualdades, verificamos que  $(+6) - (+3)$  é o mesmo que  $(+6) + (-3)$ .

Temos:

$$\begin{aligned} (+6) - (+3) &= (+6) + (-3) = +3 \\ (+3) - (+6) &= (+3) + (-6) = -3 \\ (-6) - (-3) &= (-6) + (+3) = -3 \end{aligned}$$

Daí podemos afirmar: Subtrair dois números inteiros é o mesmo que adicionar o primeiro com o oposto do segundo.

## Multiplicação de Números Inteiros

A multiplicação funciona como uma forma simplificada de uma adição quando os números são repetidos. Poderíamos analisar tal situação como o fato de estarmos ganhando repetidamente alguma quantidade, como por exemplo, ganhar 1 objeto por 30 vezes consecutivas, significa ganhar 30 objetos e esta repetição pode ser indicada por um  $x$ , isto é:  $1 + 1 + 1 \dots + 1 + 1 = 30 \times 1 = 30$

Se trocarmos o número 1 pelo número 2, obteremos:  $2 + 2 + 2 + \dots + 2 + 2 = 30 \times 2 = 60$

Se trocarmos o número 2 pelo número -2, obteremos:  $(-2) + (-2) + \dots + (-2) = 30 \times (-2) = -60$

Observamos que a multiplicação é um caso particular da adição onde os valores são repetidos.

Na multiplicação o produto dos números  $a$  e  $b$ , pode ser indicado por  $a \times b$ ,  $a \cdot b$  ou ainda  $ab$  sem nenhum sinal entre as letras.

Para realizar a multiplicação de números inteiros, devemos obedecer à seguinte regra de sinais:

$$\begin{aligned} (+1) \times (+1) &= (+1) \\ (+1) \times (-1) &= (-1) \\ (-1) \times (+1) &= (-1) \\ (-1) \times (-1) &= (+1) \end{aligned}$$

Com o uso das regras acima, podemos concluir que:

Sinais dos números	Resultado do produto
Iguais	Positivo
Diferentes	Negativo

**Propriedades da multiplicação de números inteiros:** O conjunto  $Z$  é fechado para a multiplicação, isto é, a multiplicação de dois números inteiros ainda é um número inteiro.

**Associativa:** Para todos  $a, b, c$  em  $Z$ :

$$a \times (b \times c) = (a \times b) \times c$$

$$2 \times (3 \times 7) = (2 \times 3) \times 7$$

**Comutativa:** Para todos  $a, b$  em  $Z$ :

$$a \times b = b \times a$$

$$3 \times 7 = 7 \times 3$$

**Elemento neutro:** Existe 1 em  $Z$ , que multiplicado por todo  $z$  em  $Z$ , proporciona o próprio  $z$ , isto é:

$$z \times 1 = z$$

$$7 \times 1 = 7$$

**Elemento inverso:** Para todo inteiro  $z$  diferente de zero, existe um inverso  $z^{-1} = 1/z$  em  $Z$ , tal que

$$z \times z^{-1} = z \times (1/z) = 1$$

$$9 \times 9^{-1} = 9 \times (1/9) = 1$$

**Distributiva:** Para todos  $a, b, c$  em  $Z$ :

$$a \times (b + c) = (a \times b) + (a \times c)$$

$$3 \times (4 + 5) = (3 \times 4) + (3 \times 5)$$

## Divisão de Números Inteiros

Dividendo  $\div$  divisor = dividendo:  
 Divisor = quociente  $\times$   
 Quociente  $\cdot$  divisor = dividendo

Sabemos que na divisão exata dos números naturais:

$$40 : 5 = 8, \text{ pois } 5 \cdot 8 = 40$$

$$36 : 9 = 4, \text{ pois } 9 \cdot 4 = 36$$

Vamos aplicar esses conhecimentos para estudar a divisão exata de números inteiros. Veja o cálculo:

$$(-20) : (+5) = q \Rightarrow (+5) \cdot q = (-20) \Rightarrow q = (-4)$$

$$\text{Logo: } (-20) : (+5) = -4$$

Considerando os exemplos dados, concluímos que, para efetuar a divisão exata de um número inteiro por outro número inteiro, diferente de zero, dividimos o módulo do dividendo pelo módulo do divisor. Daí:

- Quando o dividendo e o divisor têm o mesmo sinal, o quociente é um número inteiro positivo.
- Quando o dividendo e o divisor têm sinais diferentes, o quociente é um número inteiro negativo.
- A divisão nem sempre pode ser realizada no conjunto  $Z$ . Por exemplo,  $(+7) : (-2)$  ou  $(-19) : (-5)$  são divisões que não podem ser realizadas em  $Z$ , pois o resultado não é um número inteiro.

- No conjunto  $Z$ , a divisão não é comutativa, não é associativa e não tem a propriedade da existência do elemento neutro.

1- Não existe divisão por zero.

Exemplo:  $(-15) : 0$  não tem significado, pois não existe um número inteiro cujo produto por zero seja igual a  $-15$ .

2- Zero dividido por qualquer número inteiro, diferente de zero, é zero, pois o produto de qualquer número inteiro por zero é igual a zero.

Exemplos: a)  $0 : (-10) = 0$     b)  $0 : (+6) = 0$     c)  $0 : (-1) = 0$

## Potenciação de Números Inteiros

A potência  $a^n$  do número inteiro  $a$ , é definida como um produto de  $n$  fatores iguais. O número  $a$  é denominado a *base* e o número  $n$  é o *expoente*.

$$a^n = a \times a \times a \times a \times \dots \times a$$

$a$  é multiplicado por  $a$   $n$  vezes

Exemplos:  $3^3 = (3) \times (3) \times (3) = 27$   
 $(-5)^5 = (-5) \times (-5) \times (-5) \times (-5) \times (-5) = -3125$   
 $(-7)^2 = (-7) \times (-7) = 49$   
 $(+9)^2 = (+9) \times (+9) = 81$

- Toda potência de **base positiva** é um número **inteiro positivo**.

Exemplo:  $(+3)^2 = (+3) \cdot (+3) = +9$

- Toda potência de **base negativa e expoente par** é um número **inteiro positivo**.

Exemplo:  $(-8)^2 = (-8) \cdot (-8) = +64$

- Toda potência de **base negativa e expoente ímpar** é um número **inteiro negativo**.

Exemplo:  $(-5)^3 = (-5) \cdot (-5) \cdot (-5) = -125$

## Propriedades da Potenciação:

**Produtos de Potências com bases iguais:** Conserva-se a base e somam-se os expoentes.  $(-7)^3 \cdot (-7)^6 = (-7)^{3+6} = (-7)^9$

**Quocientes de Potências com bases iguais:** Conserva-se a base e subtraem-se os expoentes.  $(+13)^8 : (+13)^6 = (+13)^{8-6} = (+13)^2$

**Potência de Potência:** Conserva-se a base e multiplicam-se os expoentes.  $[(+4)^5]^2 = (+4)^{5 \cdot 2} = (+4)^{10}$

**Potência de expoente 1:** É sempre igual à base.  $(+9)^1 = +9$      $(-13)^1 = -13$

**Potência de expoente zero e base diferente de zero:** É igual a 1. Exemplo:  $(+14)^0 = 1$      $(-35)^0 = 1$

## Radiciação de Números Inteiros

A raiz  $n$ -ésima (de ordem  $n$ ) de um número inteiro  $a$  é a operação que resulta em outro número inteiro *não negativo*  $b$  que elevado à potência  $n$  fornece o número  $a$ . O número  $n$  é o índice da raiz enquanto que o número  $a$  é o radicando (que fica sob o sinal do radical).